21. Übungsblatt Wiederholung

-Abgabetermin: 07.06.2004-



http://www-i1.informatik.rwth-aachen.de/infoki/Mathe5k/index.htm



Dieses Blatt enthält ausschließlich Übungen zur Wiederholung des bisher gelernten Stoffes. Du solltest also alle Aufgaben ohne Hilfe lösen können!

Bitte schreibe auch die Zeit auf, die du zur Lösung der Aufgaben brauchst. Viel Erfolg!

Aufgabe 1 20 PUNCTO

Frau Meier schaut in den Schrank. Dort befinden sich vier Jacken, drei Röcke und zwei Hüte.

In wie vielen verschiedenen Kombinationen kann sie damit Eindruck machen?

Bearbeitungszeit: 10,000

Aufgabe 2 25 PONCOTO

(a) Frau Müller arbeitet im Büro und verdient im Monat und 1.600 €. Wie viel Geld erhält sie in einem Jahr?

(b) 11 Freunde mieten für eine Woche ein großes Segelboot zum Preis von 870 €.

Wie viel muss jeder ungefähr zahlen?

(c) Herr Meier ist Fernfahrer. 30-mal ist er in diesem Jahr die ca. 2.000 km lange Strecke von Berlin nach Barcelona und zurück gefahren. Wie viele Kilometer sind das insgesamt?

(d) Ein Herz schlägt rund einmal pro Sekunde. Wie oft schlägt es in einer Stunde (an einem Tag; in einem Jahr; bis zum 50. Geburtstag)?

(e) Der Sportplatz Waldborn ist nur mit dem Bus oder mit dem eigenen Fahrzeug zu erreichen. Ein Bus hat 54 Sitzplätze (keine Stehplätze). Wie viele Busfahrten muss man einplanen, wenn eine Veranstaltung mit 800 Besuchern ohne eigenes Fahrzeug zu Ende geht?

Bearbeitungszeit: 20 mm

Aufgabe 3 18 poncino Aus 7 m langen Rohren soll eine Leitung zusammengesetzt werden. Welche der folgenden Längen sind möglich ohne ein Rohr zu zerschneiden? 34 m 231/m 28 m 49 m 57 m 63 m 147 m 15P. Bearbeitungszeit: 5 mm Aufgabe 4 18 PONCOTO Welche der Divisionen ist ohne Rest ausführbar? 91:13111:11120:13 175:7 390:15 Bearbeitungszeit: 5 mun Aufgabe 5 40 PONCETO a) Berechne das Fünffache von 3, 5, 16, 45 b) Berechne das Achtfache von 6, 9, 13, 25 c) Berechne den sechsten Teil von 24, 42, 78, 102 d) Berechne den elften Teil von 44, 77, 121, 330 Bearbeitungszeit: 10 mm Aufgabe 6 20 PONCOTO Von welchen Zahlen ist 6 ein Teiler: 18, 34, 48, 69, 90, 126, 128, 252? 25 Von welchen Zahlen ist 72 ein Vielfaches: (1), (6, (8) 13, (18), 24, 32, 36, Bearbeitungszeit: 10 mur Aufgabe 7 20 PUNCTO Eine befruchtete menschliche Eizelle teilt sich. Nach der ersten Zerteilung sind zwei Zellen vorhanden. Dann teilt sich jede der beiden Zellen wieder, sodass es nach der zweiten Zellteilung vier Zellen gibt. Diese vier Zellen teilen sich wieder und so fort. a) Wie viele Zellen sind nach der fünften Zellteilung vorhanden? b) Nach der wievielten Zellteilung gibt es erstmals mehr als 10.000 Zellen? Bearbeitungszeit: 400 Aufgabe 8 20 PUNCTO Löse Aufgabe 22 auf Seite 103 aus deinem Mathebuch! Bearbeitungszeit: 10 mm

Aufgabe 9* 30 PUNISTO

Das Schachspiel wurde angeblich von dem Brahmanen Sissa ibn Dahir erfunden. Als er das Spiel dem König Shirham vorstellte, war dieser von der Idee so begeistert, dass er den Erfinder aufforderte, sich etwas zu wünschen. Der kluge Brahmane wünschte sich 1 Reiskorn auf dem ersten Feld des Schachbretts; 2 auf dem zweiten Feld; 4 auf dem dritten Feld und so weiter auf jedem Feld immer das Doppelte des vorherigen.

a) Wie viele Reiskörner liegen auf dem vierten Feld; wie viele liegen auf dem 64. Feld?

Dem König erschien der Wunsch bescheiden und er war einverstanden.

b) Die Anzahl aller Körner auf dem ganzen Brett ist natürlich noch größer. Sie beträgt 18:446 744 073 709 551 615. Schreibe die Zahl in Worten auf! Gib sie mithilfe von Zweierpotenzen an.

c) Ein Gramm Reis besteht aus ungefähr 50 Reiskörnern. Die Weltjahresernte an Reis beträgt gegenwärtig knapp 600 Millionen Tonnen. Wie viele Körner sind das ungefähr? Wievielmal könnte der König damit sein Versprechen gegenüber dem Brahmanen erfüllen?

Bearbeitungszeit: 3 SHd -

Aufgabe 10 50 PUNISTO a) Addiere zur Summe von 520 und 459 die Summe von 5709 und 4291.

- b) Bilde die Summe von 574 und 599 und addiere sie zu 7777.
- c) Subtrahiere 1987 von der Differenz der Zahlen 4733 und 2111. d) Subtrahiere von der Summe der Zahlen 7896 und 345 ihre Differenz.
- e) Multipliziere das Produkt von 19 und 21 mit 45.
- f) Dividiere 720 durch das Produkt von 12 und 6.
- g) Multipliziere das Produkt von 144 und 16 mit dem Quotienten der beiden Zahlen.
- h) Multipliziere die Summe von 345 und 921 mit ihrer Differenz.
- i) Addiere das Produkt von 19 und 15 und das Produkt von 16 und 17. j) Subtrahiere von dem Produkt von 345 und 987 die Summe der beiden Zahlen. Bearbeitungszeit: 40 min

Aufgabe II 40 PUNISTO

Berechne schriftlich! Achte darauf, ob du addieren oder subtrahieren sollst!

		8.5	•	E)	C	U		: الد	6	(")	se il	60	1	7	1	2	5	!	2.	8	7	90
+	3	6	6	1	2	a 2	-	2]	9	1	5,	2	+	9	1	5	2		7	Z	1	2
+		1	2	9	7		-			4	8	3	+		4	8	3	-				6
+			4	5	2		-				4	2	+			2	5	-	1	9	9	9
+		2	1	5	6		-			3	2	6	+		8	8	8	-		6	2	3
	3	3	3	3	3			4	6	5	2	9		8	2	8	1		5	5	1	9

	5	4	3	2	1			3	1	1	1	1			1	3	9	2			1	9	9	9	
+		6	7	8	9		~		2	2	2	2		+	7	9	8	0		-		7	7	7	
+			5	8	7		(4 <u>4</u>		4	4	4	4		+	3	2	0	0		-		1	0	6	
+			7	7	6		-			1	2	3		+		5	4	8		-		6	9	9	
+	21	4	9	5	2			1	3.	5	7	9		+	5	0	3	2		-	1	1	2	1	
	6	7	4	2	5	rhe	oit	uns	0	eit	41	3	ni	n	18	1	5	2	1	di		4	0	6	f

Aufgabe 12 30 PUNDETO

- a)Überlege dir je ein Beispiel zum
 - i) Kommutativgesetz bei der Addition
 - ii) Assoziativgesetz bei der Addition
 - iii) Kommutativgesetz bei der Multiplikation
 - iv) Assoziativgesetz bei der Multiplikation und schreibe es auf!
- b) Was weißt du alles über Klammern bei
 - der Addition und Subtrktion?
 - der Division und Multiplikation?
 - der Addition, Subtraktion, Division und Multiplikation?
- c) Was ist die Umkehrung der Addition? Welche Umkehrung gibt es noch?

 Bearbeitungszeit: 15 min

Aufgabe 13 20 OND 20 PONCOTO

- a) Vergleiche die arabische Ziffer 51 mit dem römischen Zahlzeichen VI.
- b) Im Zehnersystem ist eine Zahl mit mehr Ziffern immer größer als eine Zahl mit weniger Ziffern. Wie ist das bei römischen Zahlen?

CCCXII Jahre vor Christi Geburt hat Appio Claudio Caeco die Via Appia und die Aqua Claudia gebaut. XXXIII Jahre nach Chr. gab es in Rom CLXX Badeanstalten und XI Wasserleitungen. In Rom und in der Nähe der Stadt gab es zu dieser Zeit MDCCXCVII Landhäuser.

- c) Entziffere die römischen Zahlen in dem Text!
- d*) Wo gibt es in der Nähe noch Reste römischer Wasserleitungen? Frage deine Eltern, oder recherchiere im Lexikon oder Internet!

GESAMTE BEARBEITUNGSZEIT 350 min

	PONCETO	ZUSATZPUNUTO
VON DEF OFFORCUTO	249	бА
TALEOSEM8	275	40

Sant toll. Leider hast du ein paar Flindhigkeitsfehler gemacht...

9! = 362.880 4.3.2 = 24

24 . 5= 120

1.2=

5040.8=40320

40320-9362880

Nr.2 (a) · 1600€·17 1600 € 32006 19,200€ Sie bekommt 19.200€ im Jahr. (B) 870:11=79 € Jeder muss ungefähr 79 € berahlen. besser: ~ 80€ (denn 79€·M< 870€) (2) 2000 · 30 Erfährt inrgesamt 60.000km. und die selbe Shecke zwick! 120000 km NR. (4) 3600.24 1 Minute = 60 mal 1 Shinde = 3600 mel -1 Tag =86.400 mal ~ \$6400 365 2592000 518400 1432000 1 Jahr 31.536.000 mal 50. Geburtetag = 1576 200000 mal 31,536.000 Sehr Schön!

31536.000.50

2 16

Man lenotigs 15 Busse.

$$Mr.5$$

A)

 $3.5=.15$
 $5.5=.25$
 $16.5=.80$
 $45.5=.25$

B)

80 45.5= 225

15

6.8= 48 3 . 8 = 72 13.8= 104 25.8= 200

9

42:6= 7 78:6= 13 102:6= 17

d)

44:11= 77:11= 7 121:11= 11

330:11= 30

24:6= 4

yor.

19.21 · 21 399 · 45 38 15.86 19 4.9.85 399 17.355 las Ergebnis ist 17955. 4) 12.6=72 ~ 720:12=60 ? 72 00 0 720:72=10 g) las Ergebnis ist 60 f 144.16 144:16=9 2\$04 2504·g 22536 Pas Ergebnis ist 22.536.4 20736 h) 1266 576 6330 8862 117596 345 +921 -345 1266 729.216 Oas Ergebnis ist 729,216.

Nr. 7 25=2.2-2.2.2=32 Nach der 5. Teilung sind 32 Zellen vorhanden 2 16 32 64 2 = 128 2 = 256 2 = 612 20= 1224 211 = 2448 2 72 = 48 96 213= 9792 214=19584 Nach der 14 Teilung sind es ciber 10000 Zellen. V

Die Zahlen sind nach diesem lowzip aufgebaut: 2 nebeneinanderstehende Zahlen eigeben addiet die darunter stehende zahl.

101.

a) 1. F = 1 RK

R K = Reishorn

1.2= 2RK = 2.F = 21 3.F 2-2= 4R K 2 3 Ξ SPK = 23 4 F 4. 2= = 5 F 16 RK 24 8.2= = = 32 RK = 16.2= 6.F = 25 6 4 RK 7 F = 32. 2= 26 8 F 128 RK 27 = 64 2= =128. 2= 256 RK = 9_F 21 10F = 156.2 = 512RK = 23 11.F = 512 - 2=1024RK 210 12.F =1014. 2=2048 RK= 2 4 13.F = 2048 + 2 = 4.0 9 6 RK= 2 12 213 14F = 4096 · 2 = 8.192RK= 15, F = 8192 · 2=1638 4RK= 214 2 15 16.F = 16.3 84 · 2 = 32.768 RK= 47 F=32 768 . 2=65536RK= 2 16 277 18 F=65536 . 2=131.072RK= 19F=131.072.2=262144RK= 2 18 20F=262.744.2=524288RK= 2 19 21 F=524.288 · 2 =1048.576 QK= 2 20

2097152=24 1.048.576.2= 22 F= 4.19 43 0 4= 2 22 2097.152.2= 23.F= 24.F= 4.194304.2= 8.3 88.6 08 = 2 3 8388608.2= 25.F= 16.777216-224 $16.777.216 \cdot 2 = 33.554.432 = 2.25$ 26.F= 67.108864=236 27.F= 33.554432 . 2= 67,108,864. 2= 134217.728=22 2 8.F= 184217728 2 = 268435,456 = 228 29.F= 30,F= 268,435.456 · 2= 536.870.912=225 31F= 536870912 2=1073.741824=20 32F=1073741824 · 2= 2147483.648=231 33 F= 2.147, 483.6 48. 2= 4.294.967.296= 232 34.F=4294967296 2=8589.934592=233 35.F=8.589.934.592 · 2=17.179869.184=234

 $64F = X \cdot 2 = y = 263$

Auf dem 4. Feld liegen 8 Reishörrer. ~

teif dlem 64. Feld liegen 9,223,372.036,854.775.808.

Reishörner. (= 263)

 $2^{31} \cdot 2^{31} = X$ $X \cdot 2 = Y = 2^{63}$ $2 \cdot 147.483.648 \cdot 2.147.483.648$ 4.2349.67483648 8.583.934.592 15032.385.536 8.589.934.592 17179869184 6442450944 12814901888 8589.934592 12814901888 8589.934592 12814901888 8589.934592 12814901888 8589.934592 12814901888

NRom aj:

46 116 86 018, 42 7.3 8 7.90 4 · 2 9.2 23.3 7 2.0 3 6.8 5 4. 7 5.8 0 8 RK= Die Zweierpotens die zu dieser Zahl gehört ist 264-1.

9223372036854775808 +9273372036854775808 18446744073709551616 -1farlFeld () 14 Reis =1.000.000g Reis

1000000 Reis : 600.000.000 g Jahresernte

Es sind ungefahr 30 Billiarden Reiskorner.

18.500.000.000.000.000 gerundet 30000.0000000000

Heutrutage bräuchte er 6 17 Jahresemben um den trunsch des Brahmanen einzulösen.

35F.

Nr.10

$$\frac{4}{520}$$
 $\frac{5709}{4459}$
 $\frac{4337}{10.000}$
 $\frac{10000}{979}$

Pas Ergebnisist 10.978.

Pas Ergebnisist 8950. v

$$\frac{-2733}{-2622} - \frac{2622}{1987}$$

las Ergebnis ist 635. -

) 7896 7896 8241

Pas Ergebnis ist 690.

Nr. 13 2+3+4=4+2+3=4+3+2=2+4+3=3+2+4= 3+4+2=g~ u 4+2+3=4+(2+3)=(4+2)+3=9 2 2.5=5.2=10 ~ m 2.5.3=2.(5.3)=(2.5).3=30 in B) (a+ B)=a+ & 1. Wenn ugmittelbar vor der klammer kein Rechen-zeichen hann man die Klammer einfach veglassen. Achtung: Eine Klammer ist kein Rechenzeichen wenn also wer Klammen unnikelbar aufernander folger, kannmandie ennere Klammer weglussen. Bsp. a- [Cb + c]-(d-e)] = a-[b+c-(d-e]] v 2. a+6+c=a+b+c Wenn vor einer Klammer einkluszeichen steht, kann man diese einfach weglassen 6-w.) Die Umkehrung de Addition ist die Subtraktion. Die Umkehrung der Division istdie Multiplikakon 3.a-(f-c)=a-b+c

Thenn vor der Klammer ein Minuszeichen

steht, dann wird ein Minuszeichen in der

Klammer rumbluszeichen und umgekehrt.

Achtung: liese Regeln gelken nur für Rechenausdrücke mit ausschließlich Strichrechnung.

Immer gillt nuerst lakensen dann Klammen dann Klammen dann lunkt-vor Strichrechnung

1. Enthall ein Termmehrere Tymbole für Verhnipfungen und heine Klammern, so werden zuerst Mulkiplikakion und Division ausgeführt, danach Addition und Subtraktion ("Runklgeht vor Strichrechung"). Ansonster erfolgt die Auführung der Verknupfungen in der Reihenfolge, inder die Symbole von links mach rechts stellen. V Soll von der Regel 1 abgewichen werden, so mussen entsprechende Klammern gesetat werden Klammern sind in jeden Term merstauszuführen, und zwar bei nemandergeschachtelten Klammers von inner nach außers. Es ist häufig zweckmaßig von der Reihenfolge " links vor rechts" abauweichers. Jede derarlige Abweichung ist bereits eine towendung des Assoriatio- and Kommuntativgesche,

Die Bægel 1, lunkt vor Strichrechnung" soll die sonst erforderlichen Klammen sparen (Klammersparegel.

a: ((&+ d - d - c)

1. Schritt: b+C=X

2. Schritt: x · d=y

3. Schritt: y-e=z

4. Schritt: a: 2 = a

30 P.

Tie Zahl VI heißt 6.51 hieße LI. Ver Fehler war, dass die Tahlen des römuschen Tahlenrystems 5 und 1 hinter einander geschrieben wurden.

Bei dem tomischen Zahlensysken muss eine Table die mehr riftern hat nicht großer sein als eine mit weniger Tiffern. Bsp.

III = 3

IV = 4

312 Jahre vor Christi Gebrust hat Appio Claudio Calco die Via Appia und die Aqua Claudia gebaut. 33 Jahre nach Christi gab es in Rom 170 Badeanstalten und 11 Wesserleitungen. In Rom und in der Nähe des Stadt gab es su dieser Zeil 1797 Landhauser

NO + 10t

d) bei Ausschachtungen für das Gebäuch der Mayrischen Buchhandlung inder Buchkremerstruße werden vor zwei Jahren Reste römischer Wasserleitungen gelunden, diese kann man im Forum der Mayrischen bestauren. (Nur Konien die Originaln sink bei der Stadt dachen unter Werschluss.) x